

МИНОБРНАУКИ РОССИИ



Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

**«Российский государственный гуманитарный университет»  
(ФГБОУ ВО «РГГУ»)**

**ИНСТИТУТ ИНФОРМАЦИОННЫХ НАУК И ТЕХНОЛОГИЙ БЕЗОПАСНОСТИ**

Факультет информационных систем и безопасности  
Кафедра фундаментальной и прикладной математики

**ТЕОРИЯ ФУНКЦИЙ КОМПЛЕКСНОГО ПЕРЕМЕННОГО  
РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика  
Направленность (профиль) Математика информационных сред

Уровень квалификации выпускника - бакалавр  
Форма обучения - очная

РПД адаптирована для лиц  
с ограниченными возможностями  
здоровья и инвалидов

Москва 2019

# ТЕОРИЯ ФУНКЦИЙ КОМПЛЕКСНОГО ПЕРЕМЕННОГО

Рабочая программа дисциплины

Составители:

Д. пед. н., профессор, зав. кафедрой фундаментальной и прикладной математики  
*В.К. Жаров*

К. ф.-м. н., доцент, доцент кафедры фундаментальной и прикладной математики  
*Д.Б. Китаев*

Технический редактор:

специалист по УМР 1 категории кафедры фундаментальной и прикладной математики  
*Гусева Т.А.*

Ответственный редактор

Д. пед. н., профессор, зав. кафедрой фундаментальной и прикладной математики  
*В.К. Жаров*

УТВЕРЖДЕНО

Протокол заседания кафедры  
фундаментальной и прикладной математики  
№ 13 от 28.06.19

## **ОГЛАВЛЕНИЕ**

### **1. Пояснительная записка**

1.1 Цель и задачи дисциплины

1.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

1.3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

### **2. Структура дисциплины**

### **3. Содержание дисциплины**

### **4. Образовательные технологии**

### **5. Оценка планируемых результатов обучения**

5.1. Система оценивания

5.2. Критерии выставления оценки по дисциплине

5.3. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

### **6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

6.1. Список источников и литературы

6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

### **7. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

### **8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

### **9. Методические материалы**

9.1. Планы практических занятий

## **Приложения**

Приложение 1. Аннотация дисциплины

Приложение 2. Лист изменений

## 1. Пояснительная записка

### 1.1. Цель и задачи дисциплины

*Цель дисциплины:* ознакомить студентов с началами теории аналитических функции и богатыми прикладными вопросами в области гидродинамики, аэродинамики.

*Задачи дисциплины:* дать основные понятия теории и научить студентов самостоятельно применять теорию к учебным задачам.

### 1.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Компетенция (код и наименование)	Индикаторы компетенций (код и наименование)	Результаты обучения
ОПК-1. Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике	ОПК-1.1. Знает и определяет области реализации фундаментальных понятий и владеет опытом адаптации текущих задач к формальным теориям	<i>Знать:</i> основные положения теории функций комплексного переменного и операционного исчисления; <i>Уметь:</i> решать основные задачи на вычисление интегралов при помощи вычетов, на разложение функций в ряды Тейлора и Лорана задач; <i>Владеть:</i> стандартными методами теории функций комплексного переменного и операционного исчисления и их применением к решению прикладных задач.
	ОПК-1.2. Осуществляет поиск математических методов и умеет использовать необходимый теоретический материал для решения поставленных проблем.	<i>Знать:</i> основные положения теории функций комплексного переменного и операционного исчисления; <i>Уметь:</i> определять возможности применения теоретических положений и методов теории функций комплексного переменного для постановки и решения конкретных прикладных задач; <i>Владеть:</i> стандартными методами теории функций комплексного переменного и операционного исчисления и их применением к решению прикладных задач.

### 1.3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Теория функций комплексного переменного» относится к обязательной части блока Б1 «Дисциплины (модули)» учебного плана.

Для освоения дисциплины необходимы знания, умения и владения, сформированные в ходе изучения следующих дисциплин: «Аналитическая геометрия», «Дифференциальное и интегральное исчисление», «Теория числовых и функциональных рядов», «Теория интегралов и неявных функций».

В результате освоения дисциплины формируются знания, умения и владения, необходимые для изучения следующих дисциплин и прохождения практик:

«Функциональный анализ», «Символьные методы решения дифференциальных уравнений», Учебная практика (Научно-исследовательская работа (получение первичных навыков научно-исследовательской деятельности)).

## 2. Структура дисциплины

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 з.е., 144 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 56 ч., промежуточная аттестация 18 ч., самостоятельная работа обучающихся 70 ч.

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)				Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			контактная		Промежуточная аттестация	Самостоятельная работа	
			Лекции	Практические занятия			
1	Комплексная плоскость и сфера	5	2	6		12	
2	Топология на комплексной плоскости	5	4	6		12	Доклад, выдача РГР
3	Дифференцируемость и элементарные функции	5	6	6		16	Контрольная работа, опрос
4	Интеграл, первообразная. Теорема Коши	5	6	6		14	опрос
5	Ряды Тейлора и ряды Лорана	5	6	8		16	Защита РГР, доклады
6	Экзамен	5			18		Экзамен по билетам
	<b>Итого:</b>		<b>24</b>	<b>32</b>	<b>18</b>	<b>70</b>	

## 3. Содержание дисциплины

### I. Комплексная плоскость и сфера:

комплексная плоскость; прямоугольная и полярная система координат; модуль и аргумент комплексного числа: правила действия с комплексными числами; компактификация плоскости; бесконечно-удаленная точка; стереографическая проекция.

### II. Топология на комплексной плоскости:

предел последовательности; открытые и замкнутые множества на плоскости; понятие компактного множества, его свойства; связность множеств; понятие области на плоскости; путь: эквивалентность путей, кривые на плоскости; жордановы кривые, гладкие кривые, кусочно-гладкие кривые; линейная связность.

### III. Дифференцируемость и элементарные функции:

непрерывные функции; равномерная непрерывность; теорема Гейне-Кантора; R-линейные и C-линейные функции; R-дифференцируемость и C-дифференцируемость; Голломорфные (аналитические) функции; уравнение Коши-Римана; якобиан отображения; свойство конформности; геометрический и гидродинамический смысл дифференцируемости; элементарные функции и их свойства; степенные функции, многочлены, дробно-линейные функции; экспонента, тригонометрические функции; соответствия областей при отображениях элементарными функциями; круговое свойство дробно-линейных функций.

**IV. Интеграл, первообразная, теорема Коши:**

определение и свойства интеграла по кривой; неравенства для интеграла; первообразная; теорема Коши для треугольника; теорема о локальной первообразной; первообразная вдоль пути; теорема о существовании первообразной вдоль пути; гомотопия путей с фиксированными концами замкнутых путей; общая теорема Коши; частные случаи теоремы Коши; односвязные и неодносвязные области; теорема о глобальной первообразной; интегральная формула Коши; теорема о среднем.

**V. Ряды Тейлора и ряды Лорана:**

теорема Тейлора; неравенства Коши; теорема Лиувилля; лемма Абеля; круг сходимости; формула Коши-Адамара для радиуса круга сходимости; голоморфность суммы степенного ряда; теорема Морера; единственность коэффициентов ряда Тейлора; порядок нуля голоморфной функции; теоремы об обращении в нуль; теорема единственности для голоморфных функций; теорема Лорана; теорема Вейерштрассе о равномерно сходящемся ряде голоморфных функции.

**VI. Геометрические принципы:**

Принцип сохранения области; принцип максимума модуля; принцип аргумента; теорема Лиувилля и доказательство на ее основе теоремы о корнях многочлена над комплексным полем.

**VII. Изолированные особые точки, полюса и существенные особенности:**

устранимые особые точки, полюса и существенные особенности; исследование изолированных особых точек с помощью рядов Лорана; теорема Сохоцкого; вычеты: теорема о вычетах, методы нахождения вычетов и интегралов; лемма Жордана.

**4. Образовательные технологии**

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебных занятий	Образовательные технологии
1	2	3	4
1	Комплексная плоскость и сфера	Лекция  Практические занятия  Самостоятельная работа	Лекция-беседа  Решение и обсуждение задач, обсуждение докладов  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
2	Топология на комплексной плоскости	Лекция  Практические занятия  Самостоятельная работа	Проблемная лекция  Решение и обсуждение задач  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
3	Дифференцируемость и элементарные функции	Лекция  Практические занятия  Самостоятельная работа	Лекция-беседа  Решение и обсуждение задач  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты

4	Интеграл, первообразная. Теорема Коши	Лекция	Проблемная лекция
		Практические занятия	Решение и обсуждение задач
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
5	Ряды Тейлора и ряды Лорана	Лекция	Проблемная лекция
		Практические занятия	Решение и обсуждение задач, обсуждение докладов
		Самостоятельная работа	Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты

## 5. Оценка планируемых результатов обучения

### 5.1. Система оценивания

Форма контроля	Макс. количество баллов	
	За одну работу	Всего
Текущий контроль:		
- опрос	5 баллов	5 баллов
- Контрольная работа	15 баллов	15 баллов
- РГР	25 баллов	25 баллов
- доклад	15 баллов	15 баллов
Промежуточная аттестация (Экзамен по билетам)		40 баллов
<b>Итого за семестр</b> (дисциплину) Экзамен		100 баллов

Полученный совокупный результат конвертируется в традиционную шкалу оценок и в шкалу оценок Европейской системы переноса и накопления кредитов (European Credit Transfer System; далее – ECTS) в соответствии с таблицей:

100-балльная шкала	Традиционная шкала	Шкала ECTS	
95 – 100	отлично	A	
83 – 94		B	
68 – 82	хорошо	зачтено	
56 – 67	удовлетворительно		D
50 – 55			E
20 – 49	неудовлетворительно	FX	
0 – 19		не зачтено	F

### 5.2. Критерии выставления оценки по дисциплине

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
100-83/ A,B	«отлично»	Выставляется обучающемуся, если он глубоко и прочно усвоил теоретический и практический материал, может продемонстрировать это на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся исчерпывающе и логически стройно излагает учебный материал, умеет увязывать теорию с практикой,

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
		<p>справляется с решением задач профессиональной направленности высокого уровня сложности, правильно обосновывает принятые решения.</p> <p>Свободно ориентируется в учебной и профессиональной литературе.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «высокий».</p>
82-68/ С	«хорошо»	<p>Выставляется обучающемуся, если он знает теоретический и практический материал, грамотно и по существу излагает его на занятиях и в ходе промежуточной аттестации, не допуская существенных неточностей.</p> <p>Обучающийся правильно применяет теоретические положения при решении практических задач профессиональной направленности разного уровня сложности, владеет необходимыми для этого навыками и приёмами.</p> <p>Достаточно хорошо ориентируется в учебной и профессиональной литературе.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «хороший».</p>
67-50/ D,E	«удовлетворительно»	<p>Выставляется обучающемуся, если он знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает отдельные ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся испытывает определённые затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, владеет необходимыми для этого базовыми навыками и приёмами.</p> <p>Демонстрирует достаточный уровень знания учебной литературы по дисциплине.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «достаточный».</p>
49-0/ F,FX	«неудовлетворительно»	<p>Выставляется обучающемуся, если он не знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает грубые ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся испытывает серьёзные затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, не владеет необходимыми для этого навыками и приёмами.</p> <p>Демонстрирует фрагментарные знания учебной литературы по дисциплине.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции на уровне «достаточный», закреплённые за дисциплиной, не сформированы.</p>



5.3. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

### Текущий контроль

#### Примерные темы докладов

1. История теории вычетов. Гельфонд А.О. и его вклад в развитие теории вычетов.
2. Приложение теории вычетов.
3. Особые точки и нули.
4. Конформные отображения.
5. Преобразование Лапласа и его приложения.
6. Геометрия дробно-линейных отображений.

#### Примерный вариант контрольной работы

1. Изобразить на комплексной плоскости множество точек:  $2 < |z - 1 + 2i| < 5$
2. Найти значения функций:  $\operatorname{Ln}(1 + 5i)$ ;  $\left(\frac{1+i}{\sqrt{2}}\right)^{1-i}$ ;  $(3+4i)^{i-2}$
3. По определению производной найти производную следующей функции:  $\cos z$
4. Является ли регулярной функция  $\operatorname{Re} z$  ?
5. Найти регулярную функцию  $\operatorname{Im} f(z) = 2e^x \cos y$ ,  $f(0) = 2(1+i)$ .

#### Примерный вариант расчетно-графической работы

1. Указать образ при отображении  $w = \frac{3}{z}$ .
2. Найти линейную функцию отображающую круг  $|z + i| < 1$  в круг  $|w - 1| < 3$ .
3. Найти дробно-линейную функцию, переводящую полуплоскость  $\operatorname{Im} z < 1$  в круг  $|w + i| < 2$  так, чтобы точка  $z = 0$  перешла в точку  $w = 1 - i$ .
4. Вычислить интеграл  $\int_L (iz^2 - 2z) dz$ , где  $L$  - произвольная линия, соединяющая точки  $z_1 = i$ ,  $z_2 = 1$ .
5. Исследовать на сходимость ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos n + i \sin n}{n^3}$ .
6. Разложить в ряд по степеням  $z$  функцию:  $(1 - z + 2z^2) \sin \frac{1}{z}$ .
7. Разложить в ряд по степеням  $z$  функцию  $\frac{1}{(z-2)^2}$  в круге  $|z| < 1$ .
8. Найти вычеты в особых точках если функция  $\frac{1}{z(1-e^{2z})}$
9. Вычислить интеграл с помощью вычетов  $\int_L \frac{dz}{(x-1)^2(z^2+1)}$ , где  $L$  - окружность  $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 2$
10. Найти число корней многочлена  $P(z) = z^2 + 5z - 1$ , лежащих в кольце  $1 < |z| < 2$ .

## Промежуточная аттестация

### *Примерные контрольные вопросы по курсу*

1. Комплексная плоскость. Прямоугольная и полярная система координат.
2. Модуль и аргумент комплексного числа.
3. Правила действия с комплексными числами.
4. Компактификация плоскости. Бесконечно-удаленная точка.
5. Стереографическая проекция.
6. Предел последовательности.
7. Открытые и замкнутые множества на плоскости.
8. Компактное множество, его свойства.
9. Связность.
10. Понятие области на плоскости.
11. Путь: эквивалентность путей, кривые на плоскости.
12. Жордановы кривые, гладкие кривые, кусочно гладкие кривые.
13. Линейная связность.
14. Непрерывные функции.
15. Равномерная непрерывность.
16. Теорема Гейне-Кантора.
17. R-линейные и C-линейные функции.
18. R-дифференцируемость и C-дифференцируемость.
19. Голоморфные (аналитические) функции.
20. Уравнение Коши-Римана.
21. Свойство конформности.
22. Геометрический и гидродинамический смысл дифференцируемости.
23. Степенные функции.
24. Многочлены.
25. Дробно-линейные функции.
26. Экспонента.
27. Тригонометрические функции.
28. Круговое свойство дробно-линейных функций.
29. Свойства интеграла.
30. Оценка интеграла.
31. Первообразная.
32. Теорема Коши для треугольника.
33. Теорема о локальной первообразной.
34. Первообразная вдоль пути. Теорема о существовании первообразной вдоль пути.
35. Гомотопия путей с фиксированными концами замкнутых путей.
36. Общая теорема Коши.
37. Односвязные и не односвязные области.
38. Теорема о глобальной первообразной.
39. Интегральная формула Коши.
40. Теорема о среднем.
41. Теорема Тейлора.
42. Неравенства Коши.
43. Теорема Лиувилля.
44. Лемма Абеля.
45. Круг сходимости.
46. Формула Коши-Адамара для радиуса круга сходимости.
47. Голоморфность суммы степенного ряда.
48. Теорема Морера.

49. Единственность коэффициентов ряда Тейлора и ряда Тейлора.
50. Порядок нуля голоморфной функции.
51. Теоремы об обращении в нуль (теорема о нулях).
52. Теорема единственности для голоморфных функций.
53. Теорема Лорана.
54. Теорема Вейерштрасса.
55. Принцип сохранения области.
56. Принцип максимума модуля.
57. Принцип аргумента.
58. Главная и правильная часть ряда Лорана.
59. Устранимые особые точки.
60. Полюс.
61. Существенные особенности.
62. Теорема Сохоцкого.
63. Вычеты.
64. Теорема о вычетах.
65. Лемма Жордана.
66. Применения (Т.Лиувилля) к доказательству Великой теоремы алгебры — теоремы о существовании корня многочлена с коэффициентом из комплексного поля.

## 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 6.1. Список источников и литературы

#### Литература

##### Основная

1. Свешников, А. Г. Теория функций комплексной переменной: учебник / А.Г. Свешников, А.Н. Тихонов, - 6-е изд. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2010. - 336 с.: ISBN 978-5-9221-0133-2. - Текст : электронный. - URL: <https://new.znanium.com/catalog/product/544573>
2. Волковьский Л. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного: учебное пособие для студентов высших учебных заведений / Л. И. Волковьский, Г. Л. Лунц, И. Г. Араманович. - Изд. 4-е, перераб. - Москва: Физматлит, 2006. - 312 с.

##### Дополнительная

1. Лаврентьев М. А. Методы теории функций комплексного переменного. - Изд. 6-е, стер. - М.: Лань, 2002. - 688 с.
2. Шабунин М. И. Теория функций комплексного переменного: учебник для студентов вузов / М. И. Шабунин, Ю. В. Сидоров. - М.: Лаб. базовых знаний: Юнимедиастайл : Физматлит, 2002. - 246 с.

### 6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

1. Чубукова И.А. Data Mining. Учеб. курс НОУ ИНТУИТ [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://www.intuit.ru/department/database/datamining/>
2. Учебно-образовательная физико-математическая библиотека на портале МИР МАТЕМАТИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library.htm>
3. Официальный портал проекта R [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://www.r-project.org/>
4. Перечень современных профессиональных баз данных (БД) и информационно-справочных систем (ИСС)

№п/п	Наименование
1	Международные реферативные наукометрические БД, доступные в рамках национальной подписки в 2019 г. Web of Science Scopus
2	Профессиональные полнотекстовые БД, доступные в рамках национальной подписки в 2019 г. Журналы Cambridge University Press ProQuest Dissertation & Theses Global SAGE Journals Журналы Taylor and Francis
3	Компьютерные справочные правовые системы Консультант Плюс, Гарант

## 7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Для материально-технического обеспечения дисциплины необходимы:

- учебная аудитория,
- доска,
- проектор (стационарный или переносной),
- компьютер или ноутбук,
- программное обеспечение (ПО).

### Перечень программного обеспечения (ПО)

№п/п	Наименование ПО	Производитель	Способ распространения
1	Microsoft Office 2010 Pro	Microsoft	лицензионное
2	Windows XP / Windows 7 / Windows 10	Microsoft	лицензионное
3	Kaspersky Endpoint Security	Kaspersky	лицензионное

## 8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

В ходе реализации дисциплины используются следующие дополнительные методы обучения, текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в зависимости от их индивидуальных особенностей:

- для слепых и слабовидящих:
  - лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
  - письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением, или могут быть заменены устным ответом;
  - обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс;
  - для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство; возможно также использование собственных увеличивающих устройств;
  - письменные задания оформляются увеличенным шрифтом;

- экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

- для глухих и слабослышащих:
  - лекции оформляются в виде электронного документа, либо предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования;
  - письменные задания выполняются на компьютере в письменной форме;
  - экзамен и зачёт проводятся в письменной форме на компьютере; возможно проведение в форме тестирования.
- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
  - лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
  - письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением;
  - экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

При необходимости предусматривается увеличение времени для подготовки ответа.

Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся устанавливается с учётом их индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения предусматривается использование технических средств, необходимых в связи с индивидуальными особенностями обучающихся. Эти средства могут быть предоставлены университетом, или могут использоваться собственные технические средства.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Обеспечивается доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

- для слепых и слабовидящих:
  - в печатной форме увеличенным шрифтом;
  - в форме электронного документа;
  - в форме аудиофайла.
- для глухих и слабослышащих:
  - в печатной форме;
  - в форме электронного документа.
- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
  - в печатной форме;
  - в форме электронного документа;
  - в форме аудиофайла.

Учебные аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения:

- для слепых и слабовидящих:
  - устройством для сканирования и чтения с камерой SARA CE;
  - дисплеем Брайля PAC Mate 20;
  - принтером Брайля EmBraille ViewPlus;
- для глухих и слабослышащих:
  - автоматизированным рабочим местом для людей с нарушением слуха и слабослышащих;
  - акустический усилитель и колонки;
- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
  - передвижными, регулируемые эргономическими партами СИ-1;

- компьютерной техникой со специальным программным обеспечением.

## 9. Методические материалы

### 9.1. Планы практических занятий

#### **Тема 1. Комплексная плоскость и сфера.**

*Цель занятия:* усвоить понятие множества комплексной плоскости.

Форма проведения – решение и обсуждение задач.

*Примерные задачи для решения в аудитории:*

Решать задачи из книги:

Волковыский Л. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного: учебное пособие для студентов высших учебных заведений / Л. И. Волковыский, Г. Л. Лунц, И. Г. Араманович. - Изд. 4-е, перераб. - Москва: Физматлит, 2006. - 312 с. [2, осн.лит.]

А.: №№ 1.2-1.12, 1.24-1.40.1.62-1.68, 1.82 (четн.)

Д.: №№ 1.1-1.11, 1.23-1.39, 1.61-1.69, 1.83 (нечет.)

*Контрольные вопросы:* Комплексная плоскость. Прямоугольная и полярная система координат. Модуль и аргумент комплексного числа. Правила действия с комплексными числами. Компактификация плоскости. Бесконечно-удаленная точка. Стереографическая проекция. Предел последовательности. Открытые и замкнутые множества на плоскости. Компактное множество, его свойства. Связность. Понятие области на плоскости. Путь: эквивалентность путей, кривые на плоскости. Жордановы кривые, гладкие кривые, кусочно гладкие кривые. Линейная связность. Непрерывные функции.

#### **Тема 2. Топология на комплексной плоскости.**

*Цель занятия:* овладеть навыками решения практических задач по данной теме.

Форма проведения – решение и обсуждение задач.

*Примерные задачи для решения в аудитории:*

Решать задачи из книги:

Волковыский Л. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного: учебное пособие для студентов высших учебных заведений / Л. И. Волковыский, Г. Л. Лунц, И. Г. Араманович. - Изд. 4-е, перераб. - Москва: Физматлит, 2006. - 312 с. [2, осн.лит.]

А.: 2.8, 2.12, 2.18, 2.24, 2.28, 2.36, 2.90, 2.108

Д.: 2.9, 2.11, 2.17, 2.25, 2.37, 2.87, 2.91, 2.107

*Контрольные вопросы* Равномерная непрерывность. Теорема Гейне-Кантора.  $\mathbb{R}$ -линейные и  $\mathbb{C}$ -линейные функции.  $\mathbb{R}$ -дифференцируемость и  $\mathbb{C}$ -дифференцируемость. Голоморфные (аналитические) функции. Уравнение Коши-Римана. Свойство конформности. Геометрический и гидродинамический смысл дифференцируемости. Степенные функции. Многочлены. Дробно-линейные функции. Экспонента. Тригонометрические функции. Круговое свойство дробно-линейных функций.

#### **Тема 3. Дифференцируемость и элементарные функции.**

*Цель занятия:* усвоение основных теоретических положений с целью их применения к решению задач.

Форма проведения – решение и обсуждение задач.

*Примерные задачи для решения в аудитории:*

Решать задачи из книги:

Волковыский Л. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного: учебное пособие для студентов высших учебных заведений / Л. И. Волковыский, Г. Л. Лунц, И. Г. Араманович. - Изд. 4-е, перераб. - Москва: Физматлит, 2006. - 312 с. [2, осн.лит.]

А.: 2.146 - 2.192 (четн.)

Д.: 2.147 - 2.193 (нечетн.)

*Контрольные вопросы:* Оценка интеграла. Первообразная. Теорема Коши для треугольника. Теорема о локальной первообразной. Первообразная вдоль пути. Теорема о существовании первообразной вдоль пути. Гомотопия путей с фиксированными концами замкнутых путей. Общая теорема Коши. Односвязные и неодносвязные области. Теорема о глобальной первообразной. Интегральная формула Коши. Теорема о среднем. Теорема Тейлора. Неравенства Коши. Теорема Лиувилля. Лемма Абеля. Круг сходимости.

#### **Тема 4. Интеграл, первообразная. Теорема Коши.**

*Цель занятия:* усвоение основных теоретических положений с целью их применения к решению задач.

Форма проведения – решение и обсуждение задач.

*Примерные задачи для решения в аудитории:*

Решать задачи из книги:

Волковвыский Л. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного: учебное пособие для студентов высших учебных заведений / Л. И. Волковвыский, Г. Л. Лунц, И. Г. Араманович. - Изд. 4-е, перераб. - Москва: Физматлит, 2006. - 312 с. [2, осн.лит.]

А.: 3.1 – 3.13 (нечетн.), 3.21, 3.27, 3.33, 3.41-3.63 (нечетн.)

Д.: 3.2 – 3.14 (четн.), 3.22, 3.28, 3.34, 3.40-3.62 (четн.)

*Контрольные вопросы:* Формула Коши-Адамара для радиуса круга сходимости. Голоморфность суммы степенного ряда. Теорема Морера. Единственность коэффициентов ряда Тейлора и ряда Тейлора. Порядок нуля голоморфной функции. Теоремы об обращении в нуль (теорема о нулях). Теорема единственности для голоморфных функций. Теорема Лорана. Теорема Вейерштрасса. Принцип сохранения области.

#### **Тема 5. Ряды Тейлора и ряды Лорана.**

*Цель занятия:* усвоение основных теоретических положений с целью их применения к решению задач.

Форма проведения – решение и обсуждение задач.

*Примерные задачи для решения в аудитории:*

Решать задачи из книги:

Волковвыский Л. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного: учебное пособие для студентов высших учебных заведений / Л. И. Волковвыский, Г. Л. Лунц, И. Г. Араманович. - Изд. 4-е, перераб. - Москва: Физматлит, 2006. - 312 с. [2, осн.лит.]

А.: 3.67 – 3.107 (нечетн.), 4.1 – 4.205 (нечетные через 4)

Д.: 3.68 – 3.108 (четн.), 4.2 – 4.206 (четные через 4)

*Контрольные вопросы:* Принцип максимума модуля. Принцип аргумента. Главная и правильная часть ряда Лорана. Устранимые особые точки. Полус. Существенные особенности. Теорема Сохоцкого. Вычеты. Теорема о вычетах. Лемма Жордана. Применения (Т.Лиувилля) к доказательству Великой теоремы алгебры — теоремы о существовании корня многочлена с коэффициентом из комплексного поля.

## ПРИЛОЖЕНИЯ

Приложение 1

### АННОТАЦИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Теория функций комплексного переменного» реализуется на факультете информационных систем и безопасности кафедрой фундаментальной и прикладной математики.

Цель дисциплины: ознакомить студентов с началами теории аналитических функции и богатыми прикладными вопросами в области гидродинамики, аэродинамики.

Задачи: дать основные понятия теории и научить студентов самостоятельно применять теорию к учебным задачам.

Дисциплина направлена на формирование следующих компетенций:

- ОПК-1. Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

*Знать:* основные положения теории функций комплексного переменного и операционного исчисления;

*Уметь:* определять возможности применения теоретических положений и методов теории функций комплексного переменного для постановки и решения конкретных прикладных задач; решать основные задачи на вычисление интегралов при помощи вычетов, на разложение функций в ряды Тейлора и Лорана задач;

*Владеть:* стандартными методами теории функций комплексного переменного и операционного исчисления и их применением к решению прикладных задач.

По дисциплине предусмотрена промежуточная аттестация в форме экзамена.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 4 зачетные единицы.



**ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ**

№	Текст актуализации или прилагаемый к РПД документ, содержащий изменения	Дата	№ протокола
1	Приложение к листу изменений №1	22.06.20	13

**1. Структура дисциплины (п.2 для набора 2020г.)**

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 з.е., 152 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 56 ч., промежуточная аттестация 18 ч., самостоятельная работа обучающихся 78 ч.

Таблица 1

№ п/п	Раздел дисциплины/темы	Семестр	Виды учебной работы (в часах)				Формы текущего контроля успеваемости, форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			контактная		Промежуточная аттестация	Самостоятельная работа	
			Лекции	Практические занятия			
1	Комплексная плоскость и сфера	5	2	6		12	
2	Топология на комплексной плоскости	5	4	6		14	Доклад, выдача РГР
3	Дифференцируемость и элементарные функции	5	6	6		18	Контрольная работа, опрос
4	Интеграл, первообразная. Теорема Коши	5	6	6		16	опрос
5	Ряды Тейлора и ряды Лорана	5	6	8		18	Защита РГР, доклады
6	Экзамен	5			18		Экзамен по билетам
	<b>Итого:</b>		<b>24</b>	<b>32</b>	<b>18</b>	<b>78</b>	

**2. Образовательные технологии (к п.4 на 2020г.)**

В период временного приостановления посещения обучающимися помещений и территории РГГУ для организации учебного процесса с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий могут быть использованы следующие образовательные технологии:

- видео-лекции;
- онлайн-лекции в режиме реального времени;
- электронные учебники, учебные пособия, научные издания в электронном виде и доступ к иным электронным образовательным ресурсам;
- системы для электронного тестирования;
- консультации с использованием телекоммуникационных средств.

**3. Перечень современных профессиональных баз данных (БД) и информационно-справочных систем (ИСС) (к п. 6.2 на 2020г.)**

Таблица 2

№ п/п	Наименование
1	Международные реферативные наукометрические БД, доступные в рамках

	национальной подписки в 2020 г. Web of Science Scopus
2	Профессиональные полнотекстовые БД, доступные в рамках национальной подписки в 2020 г. Журналы Cambridge University Press SAGE Journals Журналы Taylor and Francis
3	Компьютерные справочные правовые системы Консультант Плюс, Гарант

#### 4. Перечень программного обеспечения (ПО) (к п.7 на 2020г.)

Таблица 3

№ п/п	Наименование ПО	Производитель	Способ распространения (лицензионное или свободно распространяемое)
1	Microsoft Office 2010 Pro	Microsoft	лицензионное
2	Windows XP/ Windows 7 / Windows 10	Microsoft	лицензионное
3	Kaspersky Endpoint Security	Kaspersky	лицензионное
4	Zoom	Zoom	лицензионное